

# Mathematica 体験 (1) 入門

かつらだ まさし  
桂田 祐史

2011 年 6 月 29 日

この授業用の WWW ページは <http://www.math.meiji.ac.jp/~mk/syori2-2011/>

いよいよ情報処理 2 の最後のパート、Mathematica 体験をやります

## 1 連絡事項

- レポート課題 6B<sup>1</sup> にてこずっている人がいるので、締切を延ばします (7 月 5 日 (火曜) 18:00)。課題 6B のためのプログラムに関する質問は、この授業時間内に済ませるよう努力すること。
- 玉突きでレポート課題 7<sup>2</sup> の締切も 1 週遅らせて、7 月 12 日 (火曜) 18:00 とします。

## 2 Mathematica を始めよう

### 2.1 イントロ

代表的な数式処理系 (computer algebra system) である Mathematica<sup>マセマテイカ</sup> を体験します。数式処理 (symbolic manipulations) でどうことができるのか、雰囲気をつかんで、今後の学習・研究の補助手段にしてもらおう、というねらいです。

Mathematica に関する WWW 上の情報は豊富です (以前は書籍も豊富だったのですが最近では減りつつあります)。この授業用にも、『Mathematica 入門』<sup>3</sup> を用意してあります。

### 2.2 Mathematica ってこんなもの (まずは触ってみる)

Mathematica は色々なコンピューター環境に用意されています。以下の枠内の例は、数学科の古いワークステーションである oyabun にログインして、Mathematica を実行してみたものですが、情報処理教室のパソコンの Windows 7 環境でも、以下のようにして使えます。

<sup>1</sup><http://www.math.meiji.ac.jp/~mk/syori2/jouhousyori2-2011-06/node9.html>

<sup>2</sup><http://www.math.meiji.ac.jp/~mk/syori2/jouhousyori2-2011-07/node23.html>

<sup>3</sup><http://www.math.meiji.ac.jp/~mk/syori2-2011/mathematica/>

## 2.2.1 情報処理教室の Windows XP マシンでの Mathematica の起動法

1. スタート・メニューから [すべてのプログラム (P)] [Mathematica] を選択  
タイトルバーに WebDesktop XP Style -- Microsoft Internet Explorer と書かれ



図 1: [すべてのプログラム (P)] [Mathematica] で現れる “WebDesktop XP Style”, ここで  
ウィンドウ左下の **スタート** ボタン

たウィンドウが現れる。

2. **スタート** ボタンを押して、[プログラム] から [Mathematica 7J] を選ぶ。
3. 中央の “ウェルカム Wolfram Mathematica” というウィンドウは閉じて良い。画面左側に現われる 「名称未定義-1\*」 というウィンドウに、キーボードからコマンドをタイプして、最後に **Shift**+**Enter** を打って (やや珍しい、要注意!), コマンドを入力するのが基本である。

**Mathematica のコマンド入力は、最後に **Shift**+**Enter****

## 2.2.2 簡単な実行例

以下、プログラムなどは書かずに、式を順次入力して計算結果を表示させています。

In[整数]:= の後に書いてある文字列を (大文字、小文字の違いに気をつけて) キーボードからタイプし、最後に **Shift**+**Enter** を打ってみてください。



図 2: [プログラム] から [Mathematica 7J] を選ぶ

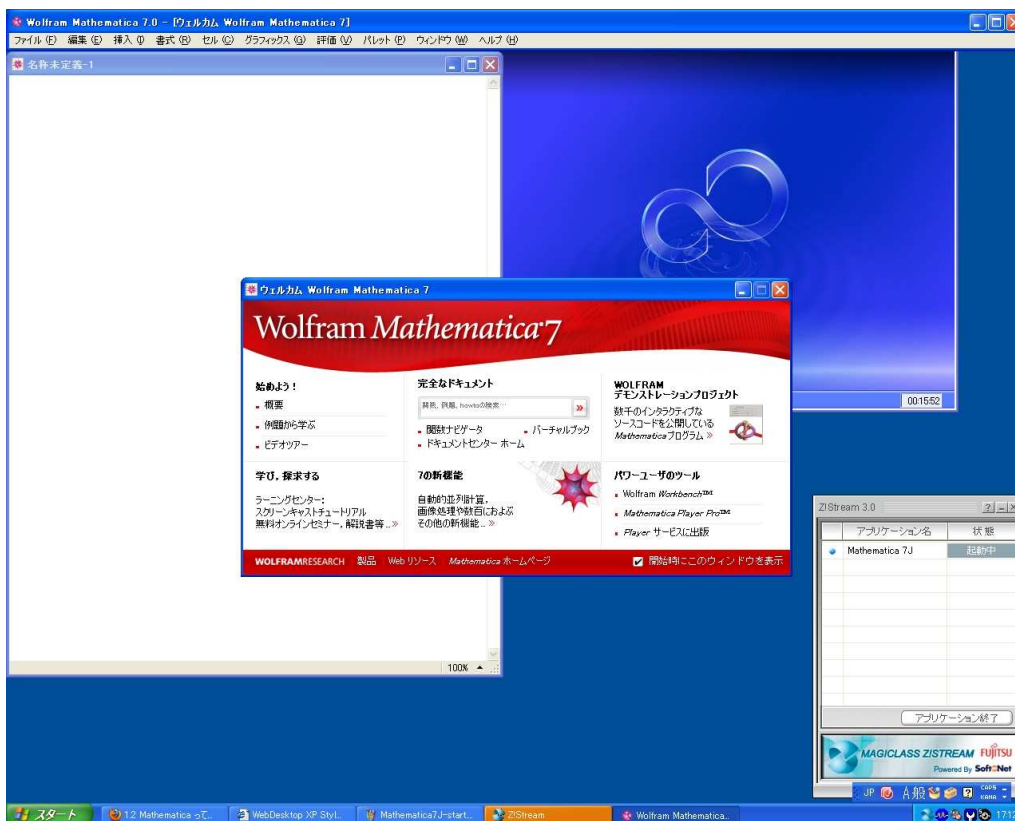


図 3: Mathematica 起動直後. 中央の“ウェルカム Wolfram Mathematica” は閉じて良い

## 簡単な実行例 (PDF 形式)<sup>4</sup>

コマンドをコピー & ペースト (貼付け) して試すのならば、以下の枠内からが便利。

```
oyabun% math
Mathematica 4.0 for Solaris
Copyright 1988-1999 Wolfram Research, Inc.
-- Motif graphics initialized --

In[1]:= 1/2+1/3                分数計算

Out[1]=  $\frac{5}{6}$                 ちょっと見難いですけどね

In[2]:= a={{0,1},{6,1}}        行列の入力

Out[2]= {{0, 1}, {6, 1}}

In[3]:= Eigenvalues[a]         行列の固有値の計算

Out[3]= {-2, 3}

In[4]:= Eigenvectors[a]        行列の固有ベクトルの計算

Out[4]= {{-1, 2}, {1, 3}}

In[5]:= Expand[(x+y)^6]        式の展開

Out[5]=  $x^6 + 6x^5y + 15x^4y^2 + 20x^3y^3 + 15x^2y^4 + 6xy^5 + y^6$ 

In[6]:= N[Pi,50]               円周率 50 桁

Out[6]= 3.1415926535897932384626433832795028841971693993751

In[7]:= Integrate[Log[x],x]     不定積分

Out[7]= -x + x Log[x]

In[8]:= Plot3D[x^2 - y^2, {x,-1,1}, {y,-1,1}]    z=x^2-y^2 のグラフ

Out[8]= -Graphics-            ここで画面に図が表示されず (省略)

In[9]:= Solve[x^3+2x==1,x]      3 次方程式を解かせてみる

結果は一見に価するけれど、カットします。

In[10]:= ParametricPlot3D[{Cos[t] (3+Cos[u]), Sin[t] (3+Cos[u]), Sin[u]},
    {t,0,2Pi},{u,0,2Pi}]        トーラスを描かせる。

Out[10]:= -Graphics3D-

In[11]:= Quit                  終了 (別のやり方もある)
oyabun%
```

<sup>4</sup><http://www.math.meiji.ac.jp/~mk/syori2-2010/Mathematica-First-Examples.pdf>

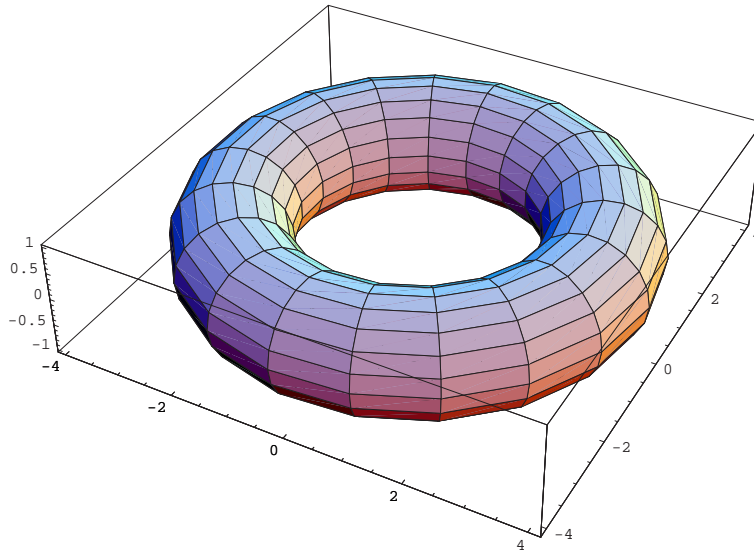


図 4: トーラス  $(x, y, z) = ((3 + \cos u) \cos t, (3 + \cos u) \sin t, \sin u) ((t, u) \in [0, 2\pi] \times [0, 2\pi])$

## 2.3 数式処理とは

プログラミング言語 (計算機言語) の中には、数値や文字だけでなく、

数式をデータとして扱うことの出来る「数式処理言語」

と呼ばれるものがあります。数式処理言語を使えるソフトウェアを数式処理系と呼びます。

現在、一般向けの数式処理系としては <sup>マセマテカ</sup> Mathematica, <sup>メイプル</sup> Maple が双壁とされています。

(その他に <sup>ミューパッド</sup> MuPAD<sup>5</sup>, <sup>リデュース</sup> REDUCE<sup>6</sup>, Risa/Asir<sup>7</sup>, Macsyma<sup>8</sup>, MAXIMA<sup>9</sup> などが有名。)

C や BASIC のようなプログラミング言語は、プログラムの中では「数式」を書けますが、scanf() や INPUT, PRINT や printf() 等で入出力可能なデータは、数や文字列だけで<sup>10</sup>、例えば  $-2/5$  のような分数式の入力は出来ません。またグラフを描くプログラムを作る場合に、範囲や、分割数の指定等は実行時に入力出来ても、グラフを描こうとしている関数自体は (普通の方法では) 入力できず、プログラムの中に自分で埋め込むしかなかったわけです。そういう意味では C や BASIC は不自由な言語であると言えます<sup>11</sup>。

<sup>5</sup>以前は、個人・非商用利用には無償で利用できるバージョンがあって注目株でしたが、今は商品となり、MATLAB の一つのツールボックスの扱いになってしまいました。惜しいなあ、と思っています。

<sup>6</sup>筆者が学生の頃 (二十年前)、大型計算機で REDUCE を使って、計算するのがおしゃれでした。現在ではフリーのようです。計算の種類によっては、よいことがあるかも？

<sup>7</sup>Made in Japan の現役。グレブナー基底の計算など得意です。

<sup>8</sup>かつて MIT でしか使えなかった憧れの (歴史的) 処理系。古い本を読むと良く出て来ます。

<sup>9</sup>Macsyma の子孫。GPL (GNU GENERAL PUBLIC LICENSE) で配布されている (ゆえに、いわゆるフリーソフト)。メジャーになれるか???

<sup>10</sup>十進 BASIC の有理数演算モードでは、分数を出力可能ですが (とても珍しい)、入力は出来ません。

<sup>11</sup>もちろん不自由さを補って余りある大きな利点があるから、現在でも盛んに使われているわけです。例えば、実際の処理系の (反復の多い) 数値計算の速さで比べると C が圧勝します。原理的には一つのプログラミング言語があれば、どんな計算でも出来るはずなのですが、実際的な意味で万能のプログラミング言語と呼べるものは存在せず、適材適所を心がけることが重要です。みなさんも、あまり一つの言語、一つのシステムにこだわらずに、機会があったら色々なものを勉強してみましょう。

Mathematica は、グラフィックスやサウンドなども便利に扱えるようになっていて、ひょつとすると「数式処理系」とだけ説明するのは、もう間違いかもしれません。

### 3 レポート課題 8

(今日 (6月29日) は、『Mathematica 入門』<sup>12</sup> の 4, 5 節を説明する予定です。このレポート課題 8 を解くために必要なことは、そこに説明されています。『Mathematica 入門』では色々な計算をさせていますが、なぜそういう結果になるか考えて (場合によっては計算前に結果を予想して)、なるべくそれを自分の目の前のコンピューターで再現して下さい。)

以下の問題 (1) ~ (6) を Mathematica を用いて解いて、レポートせよ。

- 提出先は、SNS トピック「レポート課題 8」<sup>13</sup> です。締め切りは 7 月 12 日 (火曜), 18:00 です。
- 計算問題の答を可能な限り本文に書くこと (なるべく A 「数学 SNS で TeX 画像を使う」を見て、TeX 画像の利用に挑戦して下さい — TeX 画像使えれば (4) の後半以外は楽勝のはず、(4) の後半は「kadai8.nb を参照して下さい」で構いません)。実際の計算の様子が分かるように、ノートブックを [ファイル] 欄に添付すること。ノートブックの名前は、“kadai8.nb” にすること。
- ノートブックの保存については、「レポート提出用のノートブックを作る」<sup>14</sup> を参考にして下さい。  
今の Mathematica は「LaTeX ドキュメント」で保存する機能があるので、 $\LaTeX$  で計算結果も含めた PDF ドキュメント kadai8.pdf を作成することも可能である。余裕があればそれにチャレンジしてみる (ボーナス点を与える)。
- 計算結果が複雑な場合は、簡単化 (例えば `Simplify[]`) を試みる。
- 変数に以前計算した値が残っていて、期待する結果が得られないことが時々あります。`Clear[]` や `Remove[]` を用いて、古い記憶を消去すると良いでしょう (`Clear[a,b]` のように使います)。
- 検算が可能な問題については、検算もすること。 — 時間に余裕が生じた場合は、ここを頑張ること。

(1) 661775625 を素因数分解せよ。

(2)  $2^{15} - 1$  と  $2^{20} - 1$  の最大公約数を求めよ。

(3)  $(a + b)^5$  の展開公式を作れ。

(4) 2 次方程式  $x^2 + ax + b = 0$  を解け。3 次方程式  $x^3 + ax^2 + bx + c = 0$  を解け。

<sup>12</sup><http://www.math.meiji.ac.jp/~mk/syori2-2011/mathematica/>

<sup>13</sup>[http://sns.math.meiji.ac.jp/?m=pc&a=page\\_c\\_topic\\_detail&target\\_c\\_commu\\_topic\\_id=1246](http://sns.math.meiji.ac.jp/?m=pc&a=page_c_topic_detail&target_c_commu_topic_id=1246)

<sup>14</sup><http://www.math.meiji.ac.jp/~mk/syori2/mathematica/node12.html>

(5) 次の関数を微分せよ。(i)  $x^2\sqrt{x} + (x^3 - x)\sqrt{x^2 + x + 1}$  (ii)  $\sqrt{\frac{1+x^2}{1-x^2}}$

(6) (i)  $\int_0^1 \frac{1}{(x-2)^5} dx$  (ii)  $\int_0^\pi \frac{1}{2 + \cos x} dx$

(今さらだけど) (4) の 3 次方程式は  $x^3 + px + q = 0$  にすれば良かった (任意の 3 次方程式は簡単な変換でその方程式に帰着され、その解の公式は良く紹介される有名なものなので)。よくある間違い 例えば  $bx$  は、 $bx$  でなく (これでは一つの名前になってしまう)、掛け算演算子  $*$  を使って  $b*x$ 、あるいは空白を入れて  $b x$  とする。

## 4 レポート課題 X 予告

(‘X’ には後で適当な番号が入ります。)

- (1) 自分でいくつか問題を用意して、それを Mathematica で計算して解決するにはどうすれば良いか調べ、実際に計算させてみましょう。自力で解くのは面倒、あるいは複雑で最後まで正しく計算するのが難しいような、ある程度手ごわい問題を探しておいて下さい。教科書の計算問題を 1 ページ分解かせてみて、結果を比較する、でもよいです。
- (2) 最近、Mathematica の出来が向上して、めったなことでは間違った答を出さなくなりました (以前は時々お茶目な回答をしてくれました)。もしもおかしな計算結果を見つけたら是非レポートして下さい。

間違わないにしても、「計算できなかった」というケースは比較的に見つけやすいです。なぜ計算できなかったのか考察をつけてくれれば (単に「計算が大変だろうか」ではなくて、どれくらいまでは計算できるか試すなどすること)、それもレポートに含めて下さい。

## A 数学 SNS で $\text{T}_\text{E}\text{X}$ 画像を使う

これは百聞は一見 (一験) にしかずなので、私 (桂田) の真似をして「 $\text{TeX}$  画像練習」<sup>15</sup> に  $\text{TeX}$  画像を使った書き込みをしてみてください。

1. 数式など  $\text{T}_\text{E}\text{X}$  を使いたいところで、[本文] の下の部分にある TeX 画像一覧を開く ボタンを押す。[My  $\text{TeX}$  アルバム] というウィンドウが現れるはず。
2. [TeX 画像作成] をクリックする。
3. 「 $\text{TeX}$  アルバム画像作成」というウィンドウになるので、[TeX 文章] 欄に、 $\text{T}_\text{E}\text{X}$  のコマンド (以下の例では  $\$a^2+b^2=c^2\$$ ) を打ち込み、コンパイル ボタンを押して、画像を生成する。満足の画像が出来るまで、[TeX 文章] 欄の書き直し、コンパイル ボタン押し、を繰り返す。出来上がったら、下段にある アップロード ボタンを押す。

<sup>15</sup>[http://sns.math.meiji.ac.jp/?m=pc&a=page\\_c\\_topic\\_detail&target\\_c\\_commu\\_topic\\_id=1247](http://sns.math.meiji.ac.jp/?m=pc&a=page_c_topic_detail&target_c_commu_topic_id=1247)



4. 作成した画像は、「My TeX アルバム」の一番上に表示されている。





5. ここで  というボタンを押すと、本文の中に `[tex]...[/tex]` という文字列が挿入される。

新しく書き込む	
本文	ピタゴラス数とは、 <code>[tex]0631_3:1278428791[/tex]</code> <input type="button" value="TeX画像一覧を開く"/>
写真1	<input type="text"/> <input style="float: right;" type="button" value="選択..."/>
写真2	<input type="text"/> <input style="float: right;" type="button" value="選択..."/>
写真3	<input type="text"/> <input style="float: right;" type="button" value="選択..."/>
ファイル	<input type="text"/> <input style="float: right;" type="button" value="選択..."/> <small>※ファイルサイズは1024KB以内のファイルがアップロードできます。</small>
<input type="button" value="確認画面"/>	

この部分に上で作成した TeX 画像が埋め込まれる。

6.  ボタンを押すと、実際に画像が埋め込まれた状態を表示できる。

以下の内容でよろしいですか？	
本文	ピタゴラス数とは、 $a^2 + b^2 = c^2$
写真1	
写真2	
写真3	
添付ファイル	
<input type="button" value="書き込み"/> <input type="button" value="修正"/>	